

9. Kapitel



DYNAMISCHE DATENSTRUKTUREN (TEIL 1)

LISTEN

Übersicht

1



1. Einführung
2. Algorithmen
3. Eigenschaften von Programmiersprachen
4. Algorithmenparadigmen
5. Suchen & Sortieren
6. Hashing
7. Komplexität von Algorithmen
8. Abstrakte Datentypen (ADT)
- 9. Listen**
10. Bäume
11. Graphen

Lernziele des Kapitels

2



- Sie verstehen, was dynamische Datenstrukturen sind und wozu man sie braucht.
- Sie kennen Listen und deren Varianten.
- Sie können Listen nutzen.
- Sie können Listen implementieren mit verschiedenen Mechanismen.
- Sie können den ADT Liste einsetzen für die Realisierung anderer ADT.

- Dynamische Datenstrukturen
- ADT Liste
 - Operationen
 - Regeln & Axiome
- Implementierung der Funktionen des ADT Liste in Java
- Auf dem ADT Liste basierende ADTs
 - ADT Stack
 - ADT Queue
- Listenarten

Dynamische Datenstrukturen 1/3

4

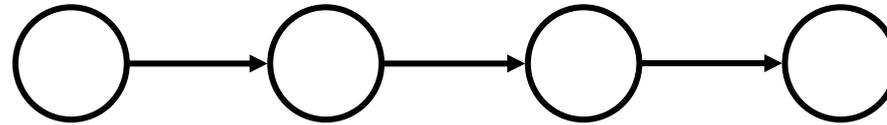
- Bisher: Arbeit auf Strukturen fester Länge (Arrays)
- Oft weiß man nicht im Vorhinein, wieviele Elemente in einer Datenstruktur untergebracht werden müssen \Rightarrow man braucht Datenstrukturen, die beliebig viele Elemente aufnehmen können.
- Diese Datenstrukturen können wachsen und schrumpfen. Man nennt sie deshalb auch **dynamische Datenstrukturen**.
 - Die Elemente (Knoten) dieser Strukturen werden in Java zur Laufzeit (\rightarrow dynamisch) mittels `new` erzeugt und dann verkettet.
 - Solange Speicher vorhanden ist, können neue Elemente (Knoten) erzeugt werden und an die Datenstruktur angehängt werden.
- Die wichtigsten dynamischen Datenstrukturen sind:
 - Listen
 - Bäume
 - Graphen

Dynamische Datenstrukturen 2/3

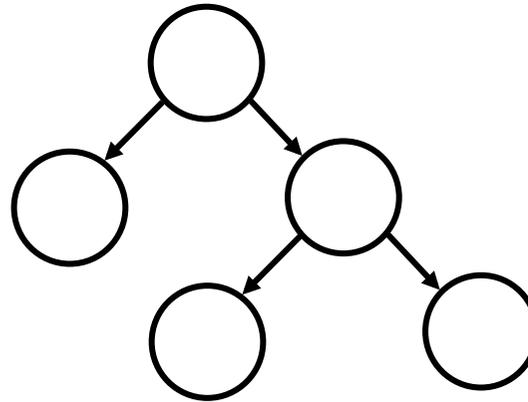
5

Grundlegende Dynamische Datenstrukturen

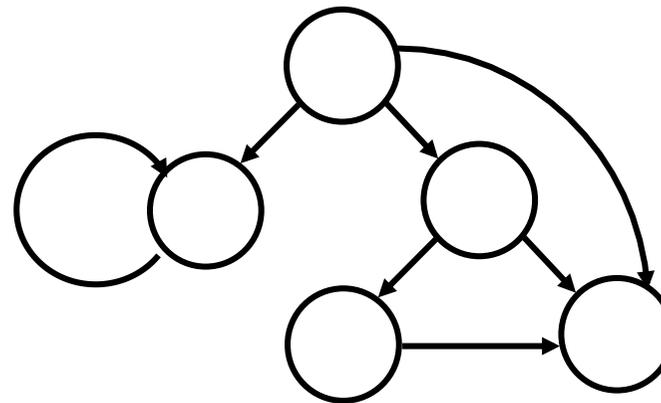
Liste



Baum



Graph



Dynamische Datenstrukturen 3/3

6

□ **Liste** (list)

- Jeder Knoten außer dem letzten hat **genau einen Nachfolger**.
- Merkt man sich in einem Knoten immer nur den Nachfolger, dann handelt es sich um eine **Lineare Liste (linked list)**. Es gibt weitere Listenvarianten.

□ **Baum** (tree)

- Jeder Knoten kann **mehrere Nachfolger** haben. Jeder Knoten hat aber **höchstens einen Vorgänger**.
- Ist die Anzahl der Nachfolger maximal 2, dann nennt man den Baum **Binärbaum** (binary tree). Bei n Nachfolgern spricht man von n -ären Bäumen (n-ary trees).

□ **Graphen** (graph)

- Jeder Knoten kann **mehrere Nachfolger und mehrere Vorgänger** haben.

Liste – Operationen 1/2

7

- Listen sind ein guter Kandidat, um als ADT realisiert zu werden:
 - ▣ Werte: sind abhängig vom Elementtyp (ähnlich wie Arrays)
 - ▣ **Operationen / Functions (eine Auswahl):**
 - **addFirst** - fügt ein neues Element am Beginn einer Liste ein
addFirst: Element \times Liste \rightarrow Liste
 - **addLast** - hängt ein neues Element am Ende einer Liste an
addLast : Element \times Liste \rightarrow Liste
 - **removeFirst** - löscht das erste Element der Liste – Vorbedingung: Liste $\neq \emptyset$
removeFirst: Liste \rightarrow Liste
 - **getFirst** - liefert das erste Element der Liste – Vorbedingung: Liste $\neq \emptyset$
getFirst: Liste \rightarrow Element
 - **getLast** - liefert das letzte Element der Liste – Vorbedingung: Liste $\neq \emptyset$
getLast: Liste \rightarrow Element
 - **isEmpty** - liefert true genau dann, wenn die Liste leer ist
isEmpty: Liste \rightarrow boolean

Liste – Operationen 2/2

8

▣ Operationen / Functions (eine Auswahl) - Fortsetzung:

- `empty` – erzeugt eine neue leere Liste

`empty`: \rightarrow Liste

- `contains` - sucht ein Element in einer Liste; Ergebnis = `true`, wenn Element in der Liste, sonst `false`

`contains`: $\text{Element} \times \text{Liste} \rightarrow \text{boolean}$

- `clear` – entfernt alle Elemente aus der Liste

`clear` : $\text{Liste} \rightarrow \text{Liste}$

- `size` - liefert die Länge der Liste, d.h. die Anzahl der Elemente

`size`: $\text{Liste} \rightarrow \text{int}$

- `clone` - liefert eine (flache) Kopie der Liste

`clone`: $\text{Liste} \rightarrow \text{Liste}$

- `delete` – entfernt ein Element aus der Liste, sofern es drin ist

`delete` : $\text{Element} \times \text{Liste} \rightarrow \text{Liste}$

□ Axioms (Auswahl)

- $\text{isempty}(\text{empty}()) = \text{true}$

Neu erzeugte Liste ist leer.

- $\text{isempty}(\text{addFirst}(L, e)) = \text{false}$

Sobald ein Element eingefügt wurde,
ist die Liste nicht mehr leer.

- $\text{getFirst}(\text{addFirst}(L, e)) = e$

Wird vorne ein Element hinzugefügt,
so erhalte ich es wieder, wenn ich das vorderste Element
hole.

- $\text{removeFirst}(\text{addFirst}(L, e)) = L$

Wird vorne ein Element hinzugefügt, und anschließend das
vorderste Element entfernt, so erhalte ich die ursprüngliche
Liste wieder.

- ...

Lineare Liste – Vorüberlegung zur Implementierung

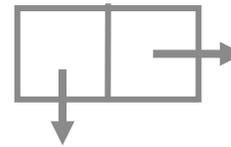
11

- Lineare Liste in EBNF:
 - Liste \rightarrow Element Liste | leer.
 - leer = Liste ohne Element (leere Liste)
- Die Datenstruktur hat einen Selbstbezug, d.h. sie ist rekursiv.
- Es gibt unzählige Verwendungszwecke für Listen. Man kann damit Bücher, Werte einer Messreihe oder Wörter einer Eingabe verwalten.
- Annahmen:
 - Für die Beispielprogramme sollen einfache int-Werte verwaltet werden.
 - Man merkt sich nur das Nachfolgerelement.
- Listenelemente = Objekte, die je ein Listenelement repräsentieren.
- Für die Implementierung der Liste gibt es verschiedene Varianten.
- Die Listenelemente sind nur für die Verknüpfung zuständig, nicht aber für die konkreten Inhalte, die in der Liste verwaltet werden.

Darstellung von Listen 1/2

12

Allgemeine Darstellung



Wert

Genauer:
int-Liste



Basisdatentyp

Personen-Liste

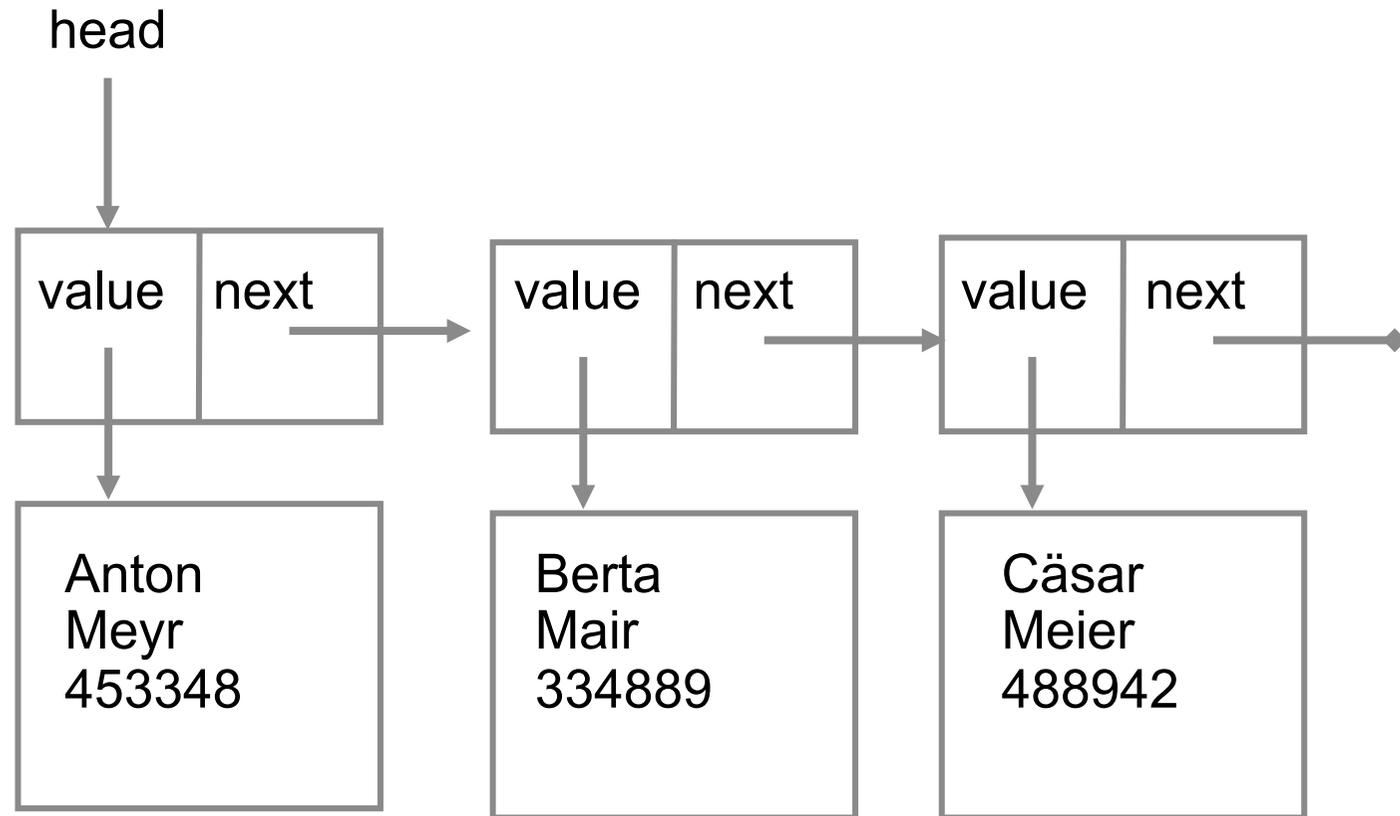


Datentyp
(Objekt)

Anton
Meyr
453345

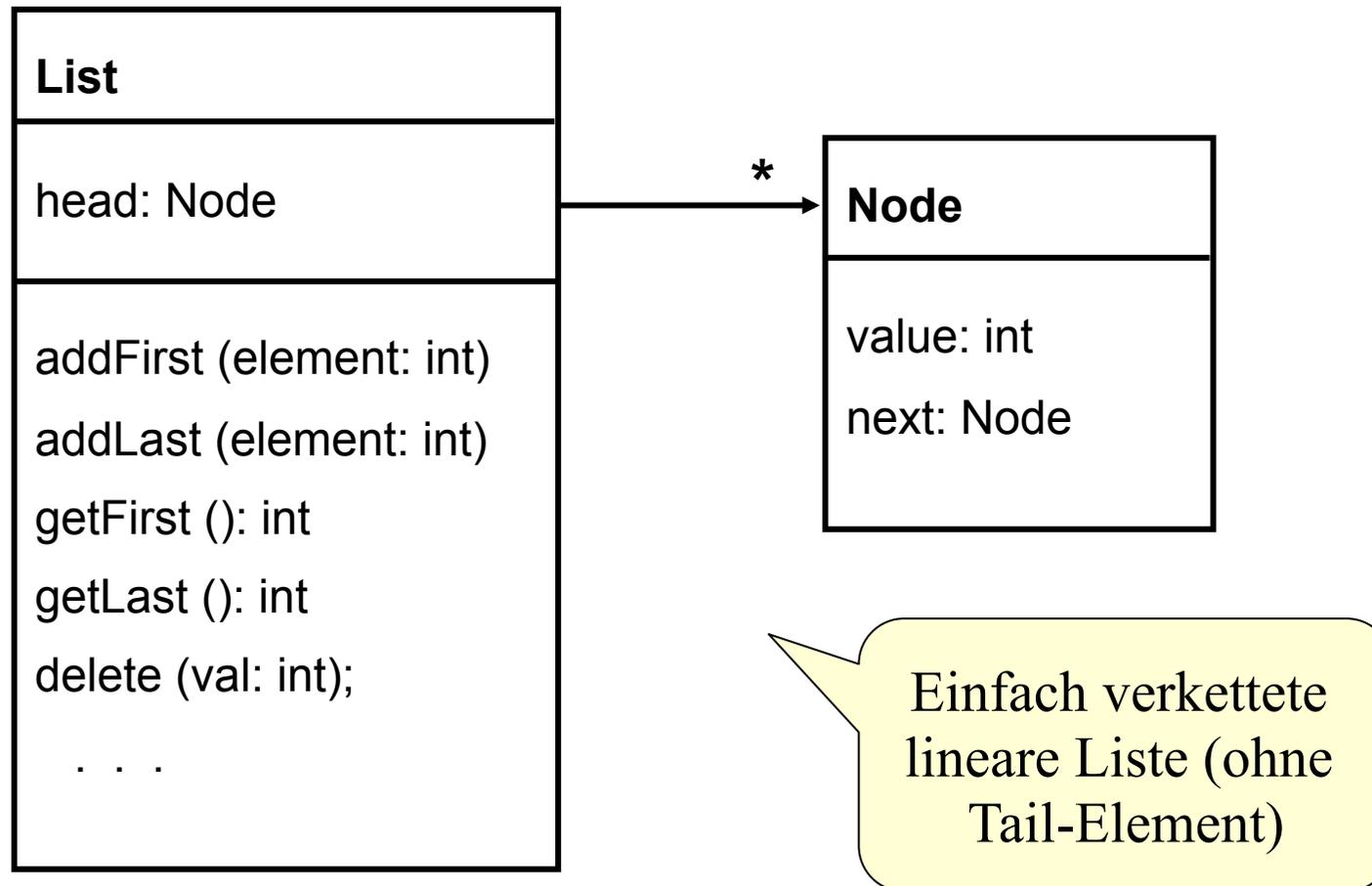
Darstellung von Listen 2/2

13



Klassendiagramm für List und Node

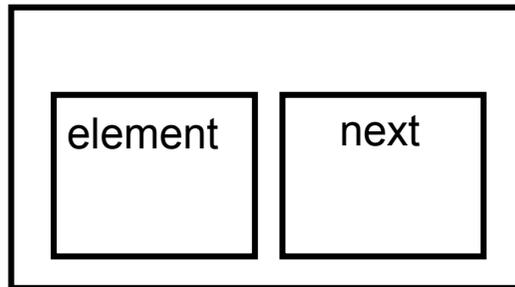
14



Lineare Liste – Implementierung in Java 1/5

15

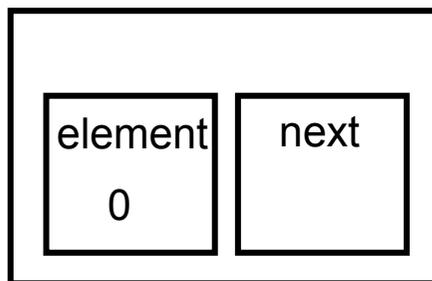
Listenelemente (allgemein)



Objekt der Klasse Node

```
class Node {  
    Object element;  
    Node next;  
}
```

Listenelemente (zur Verwaltung von Objekten vom Typ int)



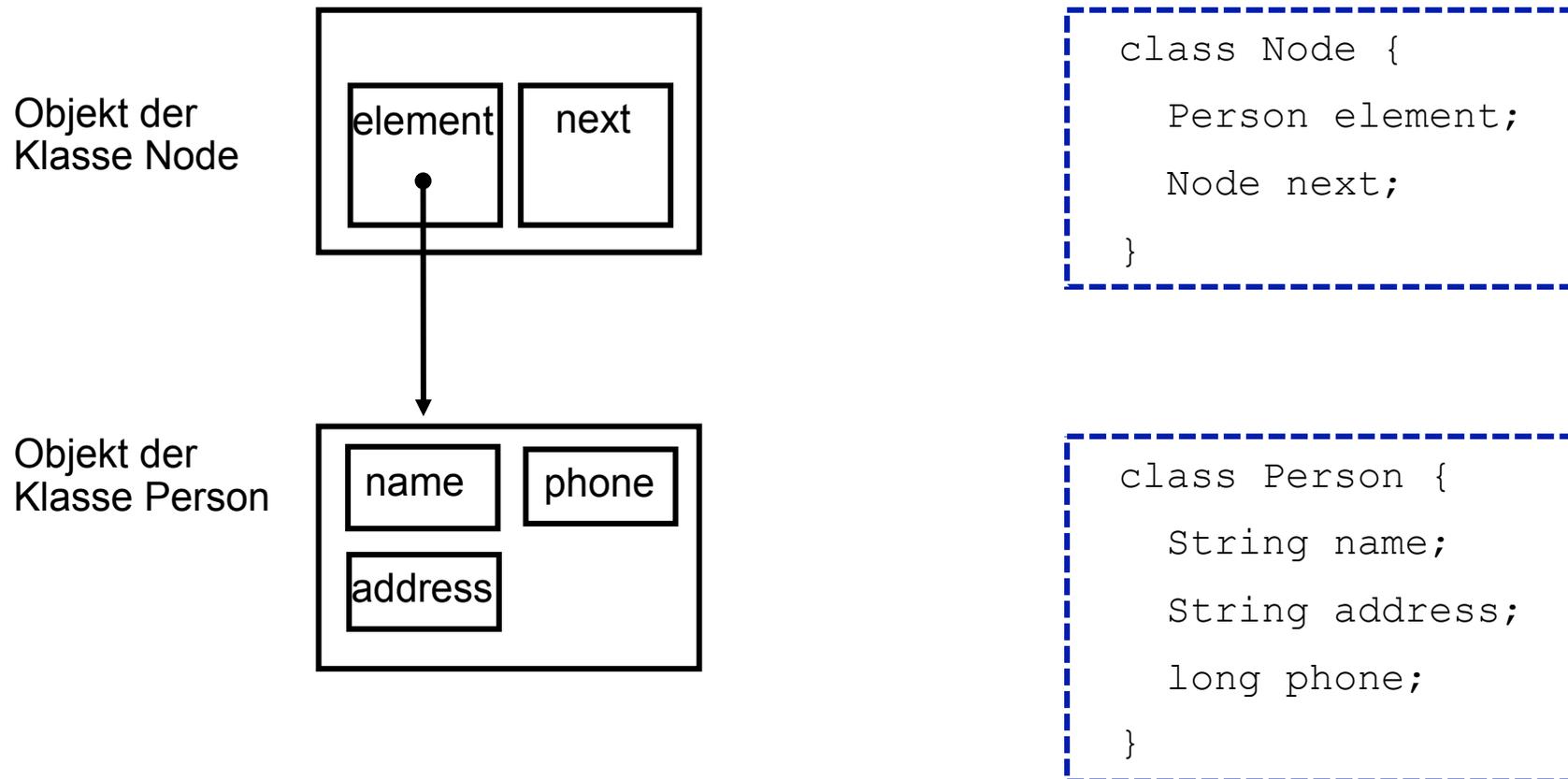
Objekt der Klasse Node

```
class Node {  
    int element;  
    Node next;  
}
```

Lineare Liste – Implementierung in Java 2/5

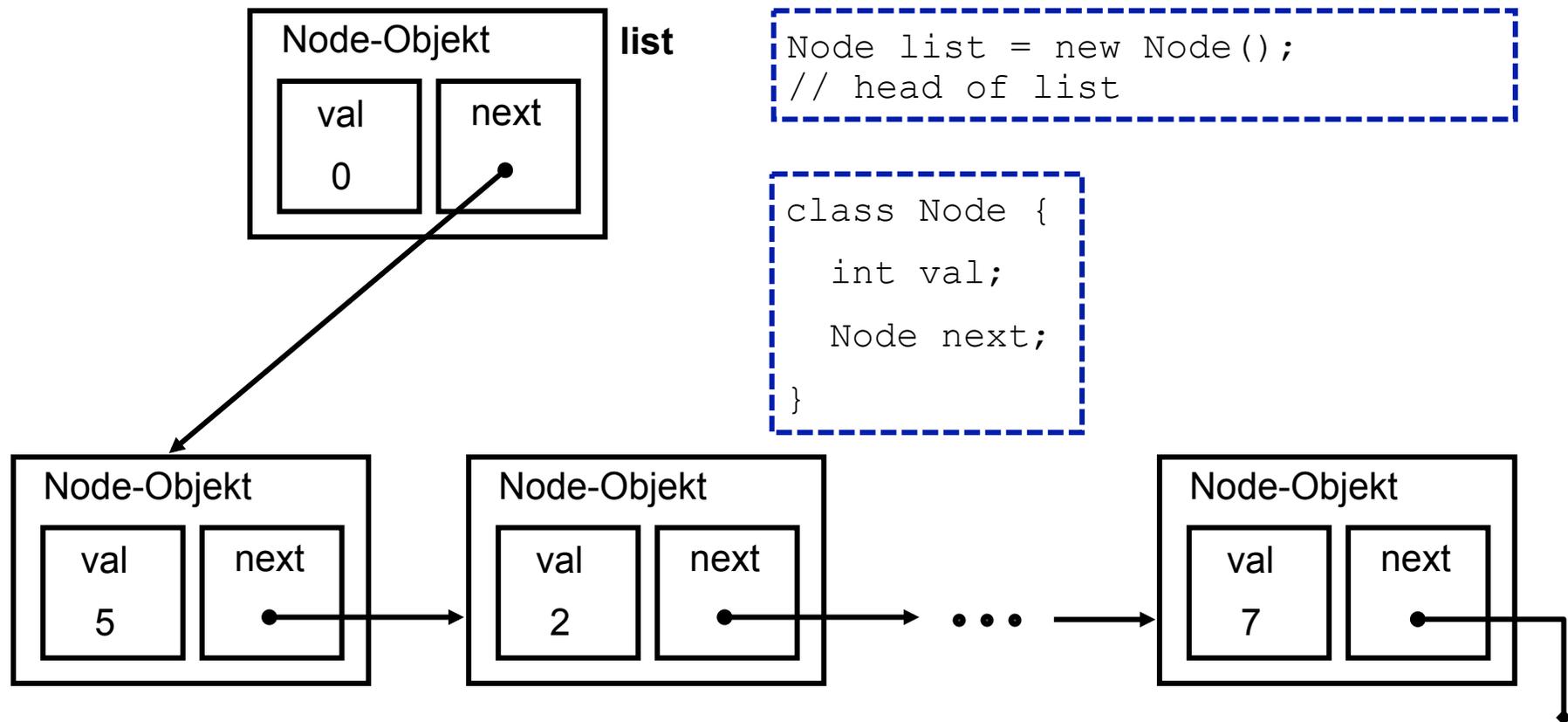
16

Listenelemente (mit Objekten von Typ Person)



Lineare Liste – Implementierung in Java 3/5

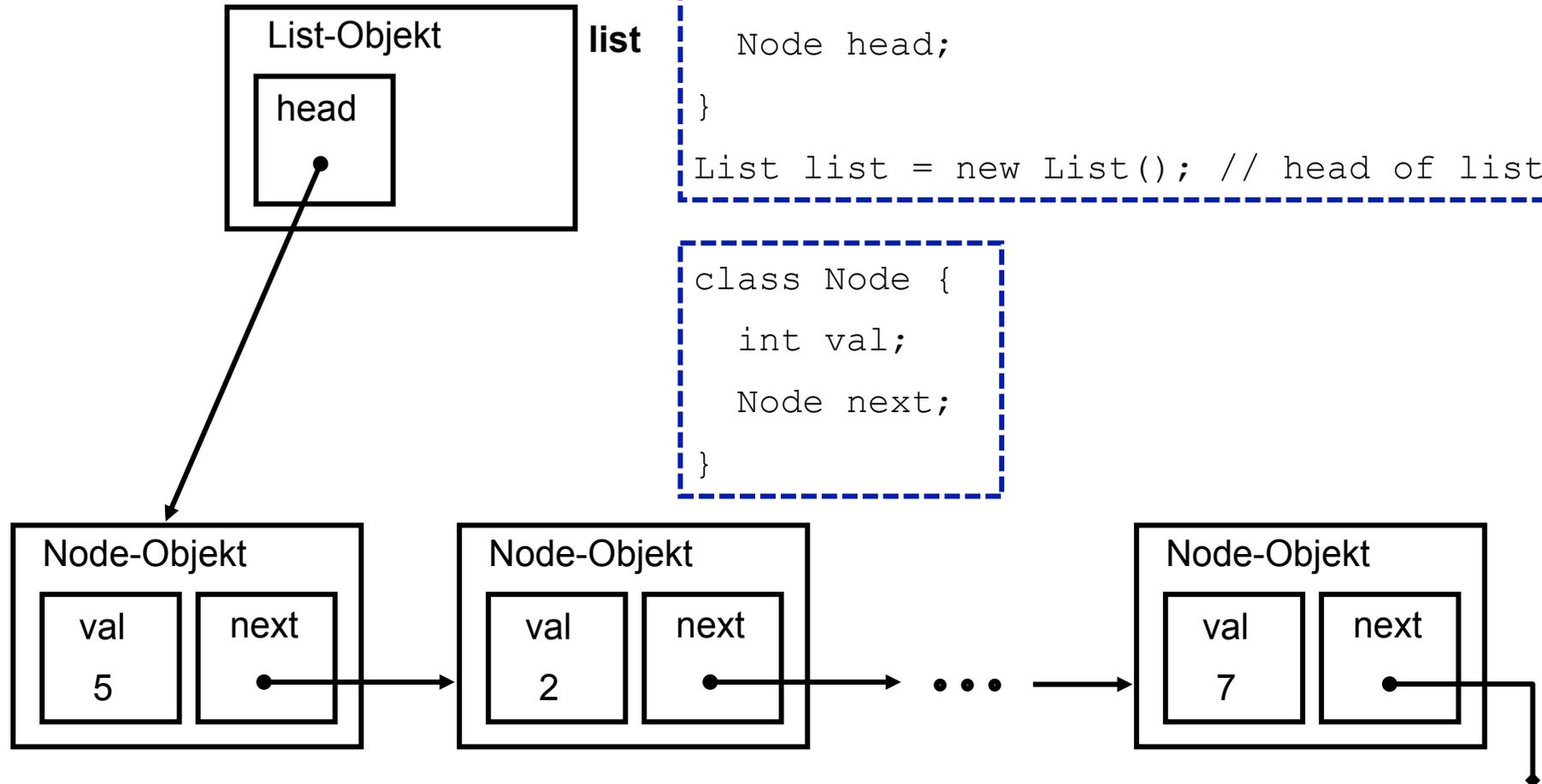
17



Lineare Liste – Implementierung in Java 4/5

18

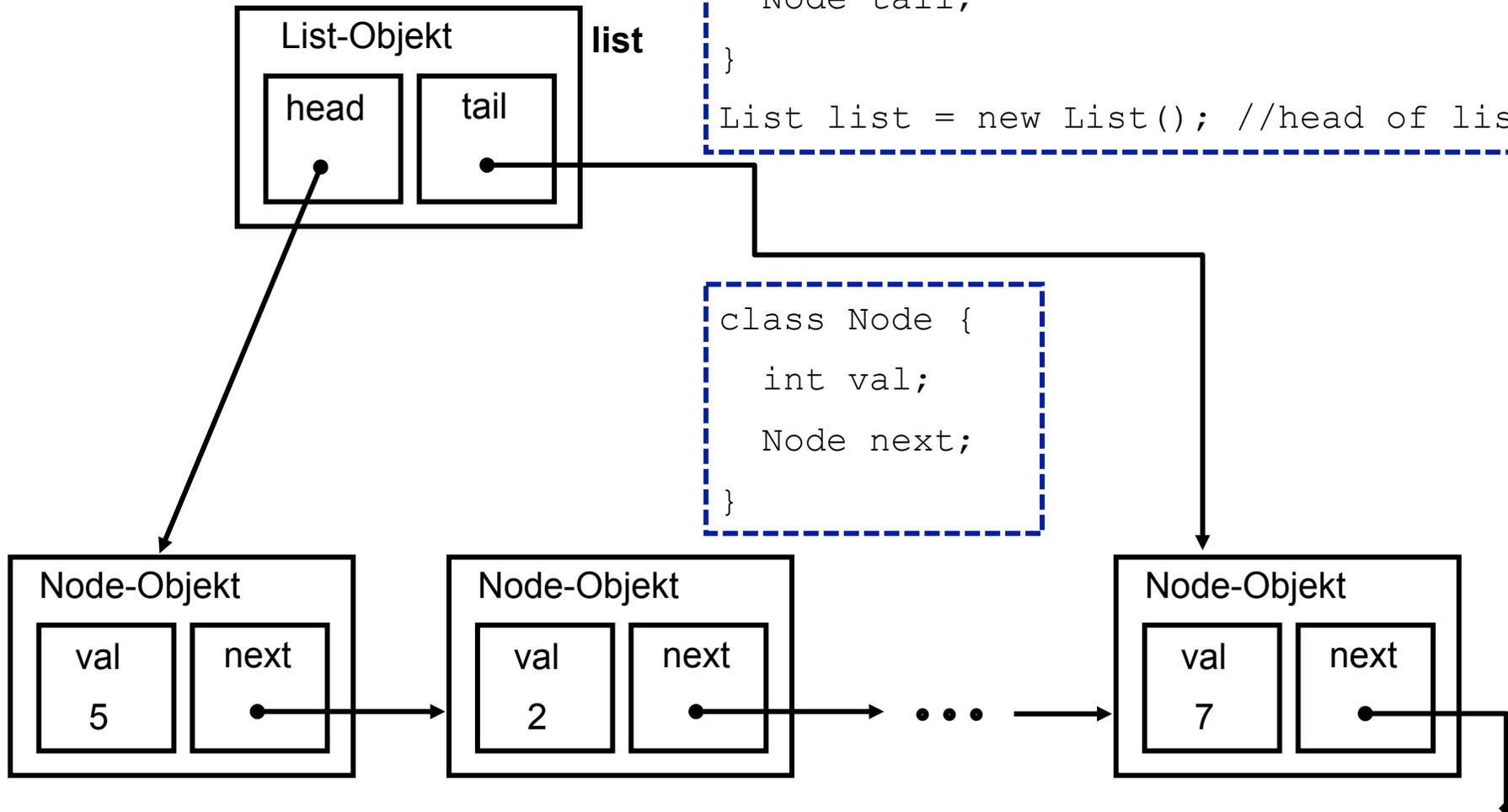
Bessere Lösung



Lineare Liste – Implementierung in Java 5/5

19

```
class List {  
    Node head;  
    Node tail;  
}  
List list = new List(); //head of list
```



- Unsortierte Listen
- Sortierte Listen
- Doppelt verkettete Listen

Was kann man mit Listen machen?

- Stack als Liste
- Queue als Liste

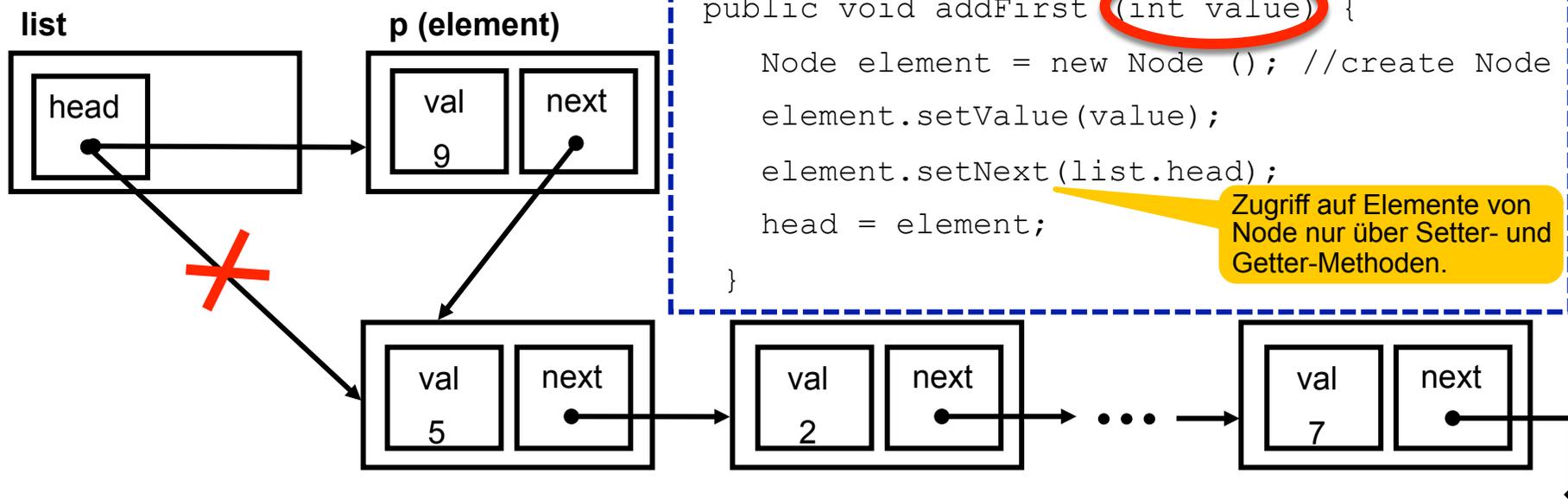
Lineare Liste – Implementierung der Operationen 1/4

21

- addFirst - fügt ein neues Element am Beginn einer Liste ein

addFirst: Element × Liste → Liste

```
void addFirst (int value)
```



in main:

```
ival = readInt(); // einzufügender Wert  
list.addFirst (ival);
```

Lineare Liste – Implementierung der Operationen 2/4

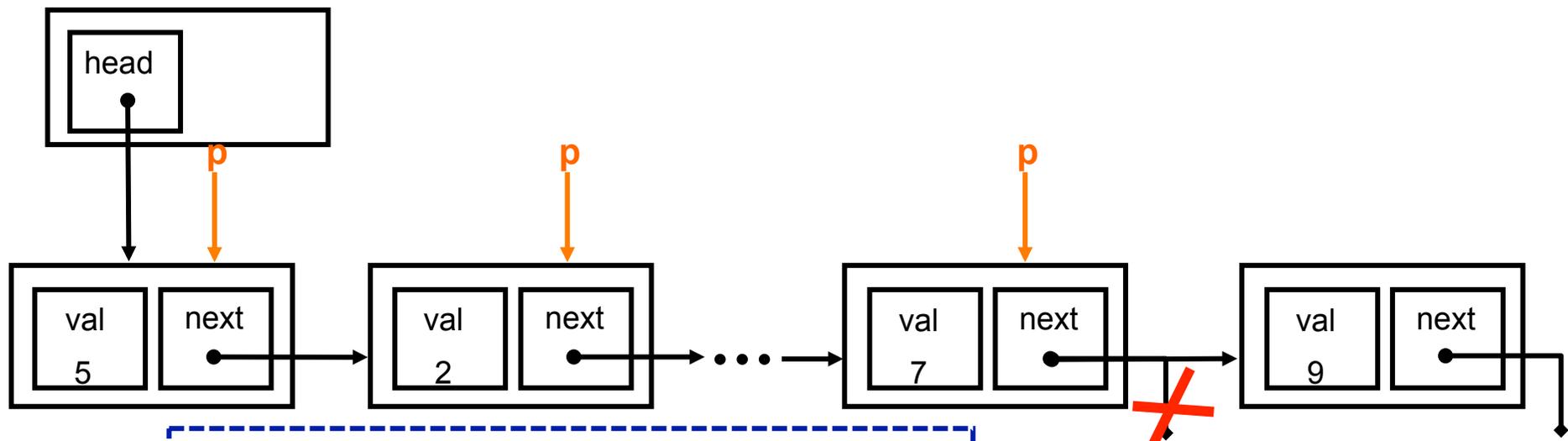
22

- addLast - fügt ein neues Element am Ende einer Liste ein

addLast : Element × Liste → Liste

```
void addLast (int value)
```

list



in main:

```
ival = readInt(); // einzufügender Wert  
list.addLast (ival);
```

Lineare Liste – Implementierung der Operationen 3/4

23

```
public void addLast (int value) {
    Node element = new Node (); //create Node
    element.setValue(value);
    element.setNext(null);
    // search tail of list
    Node p = head;
    while (p != null && p.getNext() != null) p = p.getNext();
    // append at tail
    if (p == null) // empty list
        head = element;
    else // list contains elements
        p.setNext(element);
}
```

Lineare Liste – Implementierung der Operationen 4/4

24

```
public void addLast (int value) {
    Node element = new Node (value, null); //create Node

    // search tail of list
    Node p = head;
    if (p == null) // empty list
        head = element;
    else { // list contains elements
        while (p.getNext() != null) p = p.getNext();
        // append at tail
        p.setNext(element);
    }
}
```

**Alternative
Implementierung**

Lineare Liste als Klasse mit Methoden – Implementierung in Java 2/6

26

```
// ----- public methods

public void setValue (int val) {
    this.val = val;
}

public void print () {
    print (this.val);
}

public int getValue () {
    return val;
}
```

```
public void setNext (Node n) {
    this.next = n;
}

public Node getNext () {
    return next;
}
```


Lineare Liste als Klasse mit Methoden – Implementierung in Java 4/6

28

```
// ----- public methods

public void addFirst (int val) {

    // inserts val at a new element at head of the list
    // element is created inside method addFirst

    Node n = new Node (val, head);
                // create a new element

    head = n;
}

public boolean isEmpty () {
    return head == null;
}
```

Lineare Liste als Klasse mit Methoden – Implementierung in Java 5/6

29

```
public static void main(String[] args) {
    int value;
    char c;
    List list = new List (); // new instance of list
    do {
        println ("insert list element:");
        value = readInt ();
        list.addFirst(value);
        list.addLast (value);

        readLine();
        println ("more elements to insert (y/n)?");
        c = readChar ();
        readLine();
    } while (c == 'y' || c == 'Y');

    list.print();
}
```

Lineare Liste als Klasse mit Methoden – Implementierung in Java 6/6

30

```
do {
    Node p = removeLast();
    if (p != null)
        println ("node " + p.val + " removed");
    else
        println ("list is empty - nothing to remove");

    removeFirst();
    println ("more elements to delete (y/n)?");
    c = readChar ();
    readLine();
} while (c == 'y' || c == 'Y');

list.print();
} // ~main
} // ~class List
```

Was kann man mit Listen machen?

31

- Man kann sie sortieren
 - ▣ Hier gibt es aber bessere Datenstrukturen (bald)
- Stack als Liste
- Queue als Liste

Stack (Kellerspeicher)

32

- Einfache Datenstruktur mit beschränktem Zugriff auf gespeicherte Elemente.
- Arbeitet nach dem LIFO-Prinzip (Last-In-First-Out): beim Auslesen eines Elements wird das jeweils zuletzt gespeicherte Element zuerst ausgelesen, danach das vorletzte etc.
- Der Kellerspeicher wird auch Stapel genannt: Elemente werden übereinander gestapelt und dann wieder in umgekehrter Reihenfolge vom Stapel genommen.

Stack – Operationen

33

□ Stack als ADT:

□ **Operationen:**

- **push** - legt ein neues Element auf den Stapel

push: Element \times Stack \rightarrow Stack

- **pop** – entfernt das oberste Element vom Stapel (und gibt es zurück)

pop: Stack \rightarrow Stack

- **top** – holt das oberste Element vom Stapel (ohne es zu entfernen)

top: Stack \rightarrow Element

- **empty** – erzeugt einen leeren neuen Stapel

empty: \rightarrow Stack

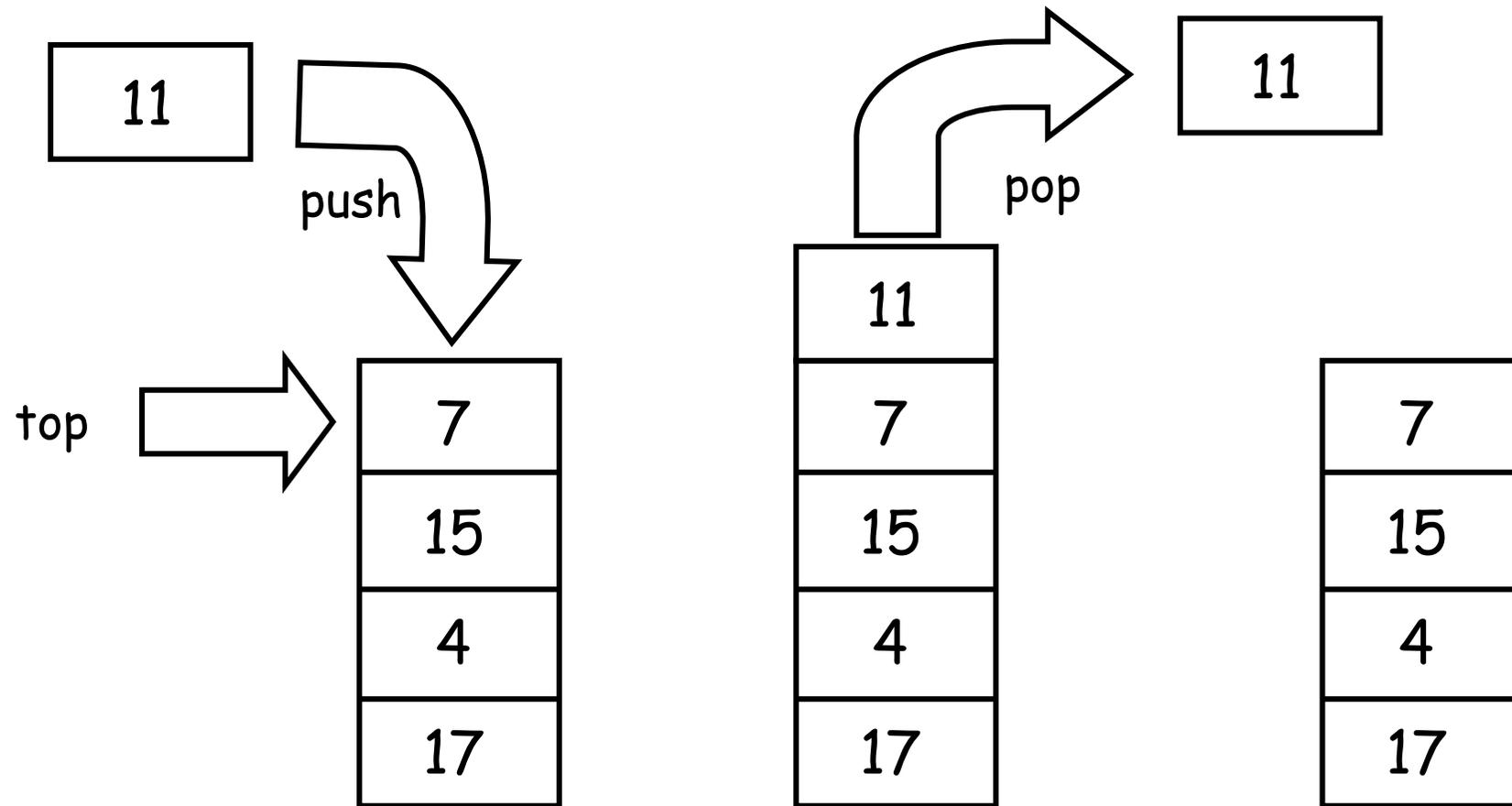
- **isEmpty** - liefert true genau dann, wenn der Stack leer ist

isEmpty: Stack \rightarrow boolean

- Axioms (Auswahl)
 - $\text{isempty}(\text{empty}()) = \text{true}$
Neu erzeugter Stack ist leer.
 - $\text{isempty}(\text{push}(S, e)) = \text{false}$
Sobald ein Element eingefügt wurde,
ist der Stack nicht mehr leer.
 - $\text{pop}(\text{push}(S, e)) = S$
Das oberste Element auf dem Stack wird vom Stack
genommen.
 - $\text{top}(\text{push}(S, e)) = e$
Das zuletzt auf den Stack gelegte Element wird als erstes wieder vom
Stack genommen.

Stack – Arbeitsweise

35



Stack – Anwendungsbeispiel 1/3

36

- Auswertung von arithmetischen Ausdrücken – wie in Taschenrechnern oder Interpretern.
- Definition einer Sprache für (einfache) arithmetische Ausdrücke in BNF:
expr → term "=" .
term → "(" term "+" term ")" | "(" term "*" term ")" | number.
number → digit | number digit.

Beispiel: $((3 + (4 * 5)) * (6 + 7)) =$

- Ziel: Auswertung beliebig tief geschachtelter arithmetischer Ausdrücke.
- Wegen der Schachtelung werden dabei noch nicht auswertbare Teilausdrücke im Keller zwischengespeichert.

Stack – Anwendungsbeispiel 2/3

37

□ Schreibweise:

- $\text{push}(z_1, \dots, \text{push}(z_n, S)) \equiv z_1 \dots z_n S$
- $|x + y|$ Berechnung des Wertes der Addition.
- $|x|$ Berechnung einer intern verarbeitbaren Zahl aus einer eingelesenen Zahl.

□ Bearbeitungsregeln für den Interpreter

- $\text{Value}(e) = \text{eval}\langle e, \text{empty} \rangle$ (1)
- $\text{eval}\langle (e, S \rangle = \text{eval}\langle e, (S \rangle$ (2)
- $\text{eval}\langle * e, S \rangle = \text{eval}\langle e, * S \rangle$ (3)
- $\text{eval}\langle + e, S \rangle = \text{eval}\langle e, + S \rangle$ (4)
- $\text{eval}\langle) e, y * x S \rangle = \text{eval}\langle) e, |x * y| S \rangle$ (5)
- $\text{eval}\langle) e, y + x S \rangle = \text{eval}\langle) e, |x + y| S \rangle$ (6)
- $\text{eval}\langle) e, x (S \rangle = \text{eval}\langle e, x S \rangle$ (7)
- $\text{eval}\langle =, x \text{empty} \rangle = x$ (8)
- $\text{eval}\langle x e, S \rangle = \text{eval}\langle e, |x| S \rangle$ (9)

Stack – Anwendungsbeispiel 3/3

38

Bearbeiteter Ausdruck e	Stack	Regel
$((3 + (4 * 5)) * (6 + 7)) =$]	(2)
$(3 + (4 * 5)) * (6 + 7) =$	(]	(2)
$3 + (4 * 5) * (6 + 7) =$	((]	(9)
$+ (4 * 5) * (6 + 7) =$	3 ((]	(4)
$(4 * 5) * (6 + 7) =$	+ 3 ((]	(2)
$4 * 5) * (6 + 7) =$	(+ 3 ((]	(9)
$* 5) * (6 + 7) =$	4 (+ 3 ((]	(3)
$5) * (6 + 7) =$	* 4 (+ 3 ((]	(9)
$) * (6 + 7) =$	5 * 4 (+ 3 ((]	(5)
$) * (6 + 7) =$	20 (+ 3 ((]	(7)
$) * (6 + 7) =$	20 + 3 ((]	(6)
$) * (6 + 7) =$	23 ((]	(7)
$* (6 + 7) =$	23 (]	(3)
$(6 + 7) =$	* 23 (]	(2)
$6 + 7) =$	(* 23 (]	(9)
$+ 7) =$	6 (* 23 (]	(4)
$7) =$	+ 6 (* 23 (]	(9)
$) =$	7 + 6 (* 23 (]	(6)
$) =$	13 (* 23 (]	(7)
$) =$	13 * 23 (]	(5)
$) =$	299 (]	(7)
$=$	299]	(8)

Stackimplementierung 1/4

39

```
class Stack {  
    private int [] stack;  
    private int num = 0; // number of elements in stack  
  
    public Stack (int size) { // stack with user defined size  
        stack = new int [size];  
    }  
  
    public Stack () { // stack with standard size  
        stack = new int [100];  
    }  
}
```

Stackimplementierung 2/4

40

```
public void push (int obj) {  
    if (num == stack.length-1)  
        println("stack overflow");  
    else  
        stack[num++] = obj;  
}  
  
public int pop () {  
    if (isEmpty()) {  
        println("stack underflow");  
        return -1;  
    }  
    else  
        return stack[--num];  
}
```

Stackimplementierung 3/4

41

```
public int top () {
    if (isEmpty()) {
        println("stack is empty");
        return -1;
    }
    else
        return stack[num-1];
}

public boolean isEmpty () {
    return num == 0;
}
} // ~class Stack
```

Stackimplementierung 4/4

42

```
class ArrayStack {  
    public static void main(String[] args) {  
  
        Stack stack = new Stack (50);  
        stack.push(1);  
        stack.push(2);  
        stack.push(3);  
  
        while (!stack.isEmpty()) {  
            int i = stack.pop();  
            print(i);  
        }  
    }  
}
```

Alternative Stackimplementierung 1/3

43

```
class Stack {  
    private List stack;    // stack size is not limited !  
  
    public Stack () {  
        stack = new List();  
    }  
  
    public int pop () {  
        if (isEmpty()) {  
            println("stack underflow");  
            return -1;  
        }  
        else  
            return stack.removeFirst();  
    }  
}
```

Verwendung des
ADT List

Verwendung der
Methode
removeFirst des
ADT List

Alternative Stackimplementierung 2/3

44

```
public void push (int obj) {  
    stack.addFirst(obj);  
}
```

Verwendung der
Methode addFirst
des ADT List

```
public int top () {  
    if (isEmpty()) {  
        println("stack is empty");  
        return -1;  
    }  
    else return stack.getFirst();  
}
```

Weiterreichen des
Aufrufs an isEmpty
des ADT List

```
public boolean isEmpty () {  
    return stack.isEmpty(); // calls isEmpty of class List  
}  
  
} // end of class ListStack
```

Alternative Stackimplementierung 3/3

45

```
class ListStack {  
    public static void main(String[] args) {  
  
        Stack stack = new Stack (); // no size parameter necessary  
        stack.push(1);  
        stack.push(2);  
        stack.push(3);  
  
        while (!stack.isEmpty()) {  
            int i = stack.pop();  
            print(i);  
        }  
    }  
}
```

Queue (Schlange)

46

- Einfache Datenstruktur mit beschränktem Zugriff auf gespeicherte Elemente.
- Arbeitet nach dem FIFO-Prinzip (First-In-First-Out): wie in einer Warteschlange, bei der man sich hinten anstellt (Wer zuerst kommt mahlt zuerst).
- Die Spezifikation von Queue und Stack sehen auf den ersten Blick sehr ähnlich aus. Das Verarbeitungsprinzip ist aber vollständig entgegengesetzt.

Queue – Operationen

47

□ Queue als ADT:

□ **Operationen:**

- **enter** - fügt ein neues Element in die Queue ein

enter: Element \times Queue \rightarrow Queue

- **leave** – entfernt das erste Element aus der Queue und gibt es zurück

leave: Queue \rightarrow Queue

- **front** – nimmt das erste Element aus der Queue(ohne es zu entfernen)

front: Queue \rightarrow Element

- **empty** – erzeugt eine leere Queue

empty: \rightarrow Queue

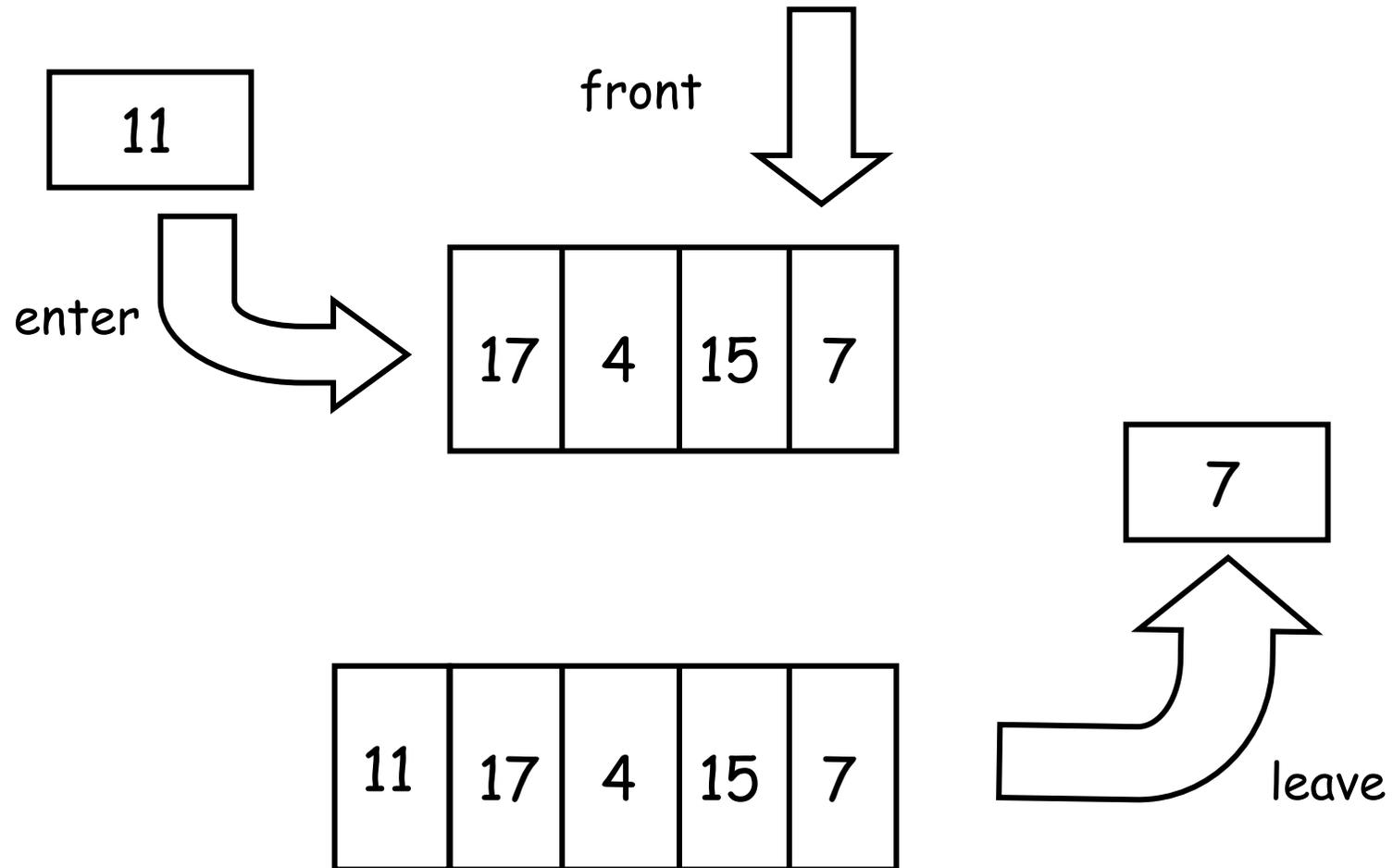
- **isEmpty** - liefert true genau dann, wenn die Queue leer ist

isEmpty: Queue \rightarrow boolean

- Axioms (Auswahl)
 - $\text{isempty}(\text{empty}()) = \text{true}$
Neu erzeugte Queue ist leer.
 - $\text{isempty}(\text{enter}(Q, e)) = \text{false}$
Sobald ein Element eingefügt wurde,
ist die Queue nicht mehr leer.
 - $\text{leave}(\text{enter}(\text{enter}(Q, e_1), e_2)) = \text{enter}(\text{leave}(\text{enter}(Q, e_1)), e_2)$
Die Elemente werden in der Reihenfolge aus der Queue
genommen, in welcher sie eingefügt wurden.
 - $\text{front}(\text{enter}(\text{enter}(Q, e_1), e_2)) = \text{front}(\text{enter}(Q, e_1))$
Ein Element wird unabhängig davon, was nach ihm
eingefügt wird, aus der Queue genommen.

Queue- Arbeitsweise

49



Queue– Anwendungsbeispiele

50

- Prozessverwaltung in Betriebssystemen
- Speicherverwaltung von Warteschlangen bei Druckaufträgen
- Nachrichtenpuffer in der Kommunikationssoftware

Queueimplementierung 1/5

51

```
class Queue { // implemented by an array
    private int queue []; // elements
    private int l = 0, u = 0; //lower and upper pointer

    public Queue (int size) { // queue with user defines size
        queue = new int [size+1]; // one element for organizatorial reason
    }

    public Queue () { // queue with standard size queue contains max.
        // 100 elements
        queue = new int [101];
    }
}
```

Queueimplementierung 2/5

52

```
public void enter (int obj) { // appends a new element at rear
                               // of the queue

    if ((queue.length - 1 + u) % queue.length == queue.length-1)
        println("queue overflow");
    else {
        queue[u] = obj;
        u = (u+1) % queue.length;
    }
}
```

Queueimplementierung 3/5

53

```
public int leave () { // takes elements from front of the queue
    if (isEmpty()) {
        println("queue underflow");
        return -1;
    }
    else {
        int i = queue [l];
        queue[l] = -1;
        l = (l+1) % queue.length;
        return i;
    }
}
```

Queueimplementierung 4/5

54

```
public int front () {
    if (isEmpty()) {
        println("queue is empty");
        return -1;
    }
    else
        return queue[l];
}

public boolean isEmpty () {
    return l == u;
}

} // end of class Queue
```

Queueimplementierung 5/5

55

```
class ArrayQueue {
    public static void main(String[] args) {

        Queue queue = new Queue (3);
        queue.enter(1);
        queue.enter(2);
        queue.enter(3);

        while (!queue.isEmpty()) {
            int i = queue.leave();
            print(i);
        }
    }
}
```

Alternative Queueimplementierung 1/2

56

```
class Queue {  
    private List queue = null; // elements  
  
    public Queue () { // new queue  
        queue = new List ();  
    }  
  
    public void enter (int obj) { // appends a new element at  
                                    // rear of the queue  
        queue.addLast(obj);  
    }  
}
```

Alternative Queueimplementierung 2/2

57

```
public int leave () { // takes elements from front of the queue

    if (isEmpty()) {

        println("queue underflow");

        return -1;

    }

    else return queue.removeFirst();

}

public boolean isEmpty () {

    return queue.isEmpty();

}

} // ~Queue

// main programm has not to be changed
```

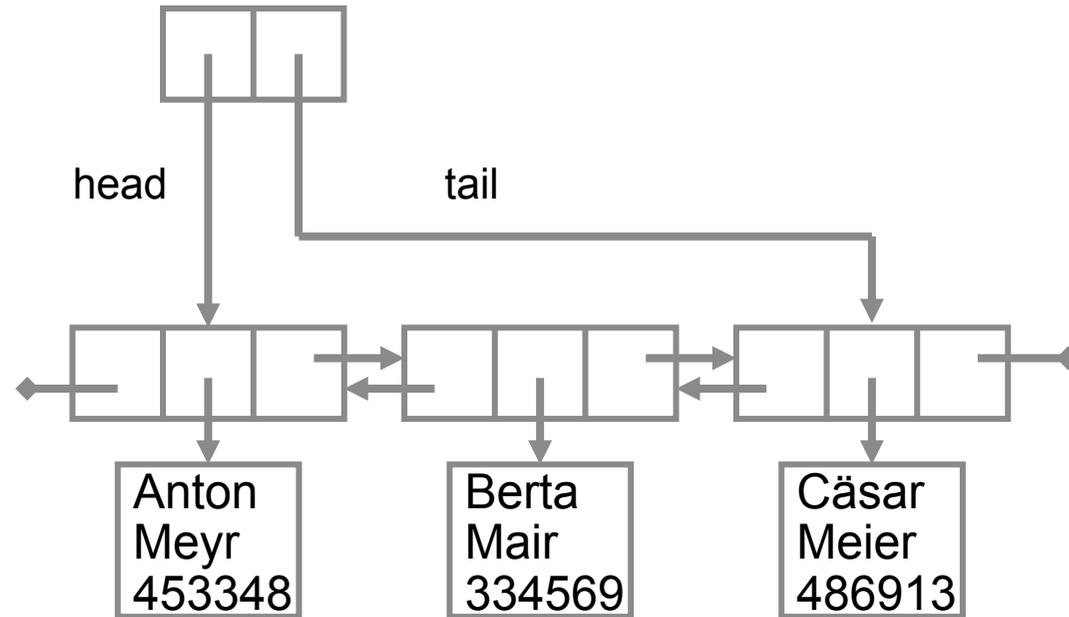
Doppelt verkettete lineare Liste 1/3

58

- ▣ ADT-Sicht:
 - ▣ identisch mit allgemeiner Sicht
- ▣ Benutzersicht:
 - ▣ schneller in der Ausführung
- ▣ Entwicklersicht:
 - ▣ mehr Aufwand ☹️

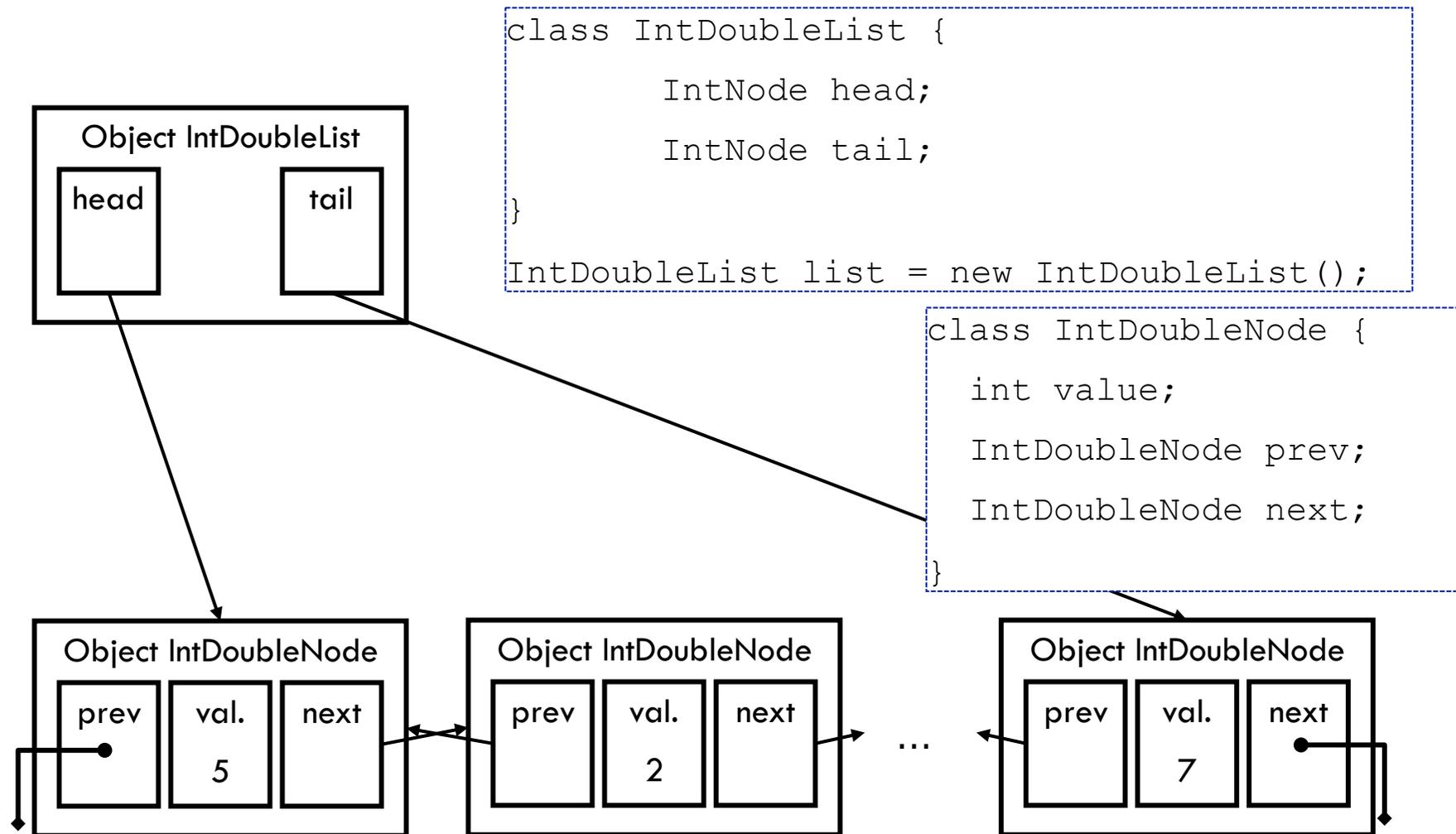
Doppelt verkettete lineare Liste 2/3

59



Doppelt verkettete lineare Liste 3/3

60



Doppelt verkettete Liste - Implementierung

61

```
class DListElem {
    private DListElem prev;
    private int value;
    private DListElem next;
    // Konstruktor
    DListElem (
        DListElem prev,
        int val,
        DListElem next) {
        this.prev = prev;
        value = val;
        this.next = next;
    }
}
```

```
class DList {
    private DListElem head;
    private DListElem tail;
    // Konstruktor
    public DList () {
        head = null;
        tail = null;
    }
    // weitere Funktionen
    // ...
}
```

Weitere (spezielle) Listen-Operationen

63

- ▣ setAt List × int × Element → List
fügt Element an der i-ten Stelle ein
- ▣ getAt List × int → Element
liefert das Element an der i-ten Stelle
- ▣ removeAt List × int → List
entfernt das Element an der i-ten Stelle

Laufzeitverhalten für Listen

64

Operation	einfach	doppelt verkettet
<code>addFirst()</code>	$O(1)$	$O(1)$
<code>addLast()</code>	$O(n)$ / $O(1)$	$O(n)$ / $O(1)$
...
<code>contains()</code>	$O(n)$	$O(n)$
<code>removeLast()</code>	$O(n)$	$O(n)$ / $O(1)$
<code>removeFirst()</code>	$O(1)$	$O(1)$
<code>getAt()</code>	$O(n)$	$O(n)$

- Listen sind der einfachste dynamische Datentyp.
- Es gibt unterschiedliche Listenarten und –varianten.
- Das Java Collection Framework stellt eine ganze Reihe von Listentypen zur Verfügung.
- Die vorgestellte Listenimplementierung in Java ist stark vereinfachend – es werden nur einfache Datentypen (int) in den Listenelementen verwaltet.
- Typischer Weise werden in Listen komplexe Objekte verwaltet.
- Der ADT Liste kann dazu verwendet werden andere ADTs, wie Stack oder Queue, zu realisieren.